

## EXPERIÊNCIA VII: "PÊNDULO MATEMÁTICO"

### 1. INTRODUÇÃO

Um pêndulo matemático é o corpo ideal que consiste de uma partícula suspensa por um fio inextensível e de massa desprezível. Quando afastado de sua posição de equilíbrio e largado, o pêndulo oscilará em um plano vertical sob a ação da gravidade. *Mostraremos estas afirmações no decorrer desta experiência.*

O pêndulo matemático consiste de um pequeno corpo de massa  $m$  suspenso em um ponto fixo por um fio inextensível e de peso desprezível. Quando afastado de sua posição de equilíbrio e abandonado, o corpo oscila em torno desta posição. Na figura abaixo, desprezando-se a resistência do ar, estão representadas as forças que atuam sobre a massa: a tração  $T$  do fio e peso  $P$ .

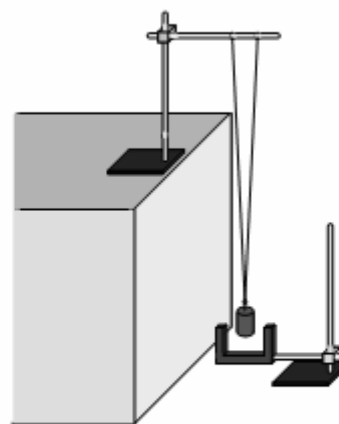
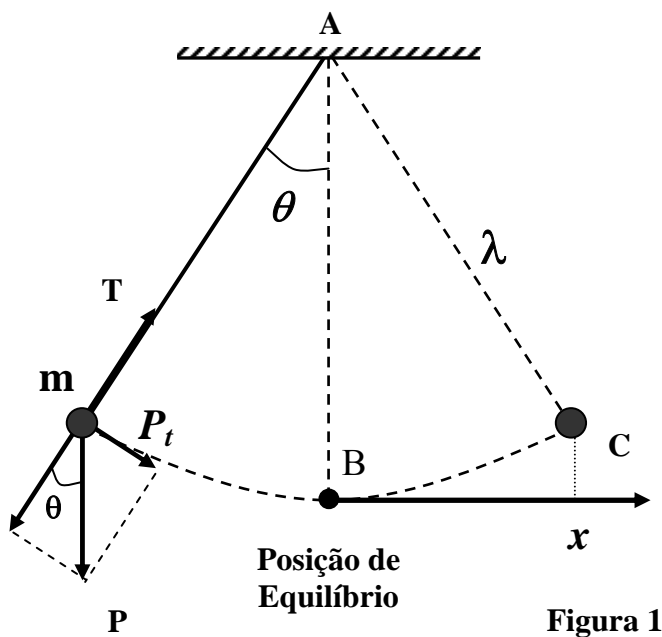


Figura 1

Figura 1. Mostra o aspecto físico de um pêndulo simples e seus principais elementos constituintes conforme citamos abaixo.

Na figura temos os seguintes elementos:

- $l$  é o comprimento do fio.
- $x$  é a projeção do movimento da massa sobre o eixo horizontal.
- $\theta$  é o ângulo formado entre a posição de equilíbrio e o ponto de máxima extensão, medido em radianos.
- $T$  é a força tração na corda.
- $P$  é a força peso.
- $P_t$  é a força restauradora.
- $m$  é a massa pendular

A componente tangencial do peso,  $P_t$ , é a força restauradora do movimento oscilatório do pêndulo e sua intensidade é dada por:

$$P_t \cong P \operatorname{sen} \theta = m g \operatorname{sen} \theta$$

**Eq.1**

Desta equação vemos que o pêndulo simples não é rigorosamente um movimento harmônico simples, pois  $P_t$  não é diretamente proporcional a elongação  $x$ . Lembre-se, o M.H.S é caracterizado por uma força restauradora cujo módulo é diretamente proporcional a elongação  $x$ , como para o oscilador massa – mola, onde a força restauradora é dada pela Lei de Hooke:

$$\vec{F} = -k \vec{x} .$$

Por outro lado, para pequenas amplitudes de oscilação ( $\theta < 10^\circ$ ), o valor do arco BC na figura 1 é praticamente igual a projeção do movimento da massa sobre o eixo horizontal  $x$ , sendo o triângulo ABC praticamente retângulo, e conseqüentemente  $\operatorname{sen}(\theta) \cong x/l$ . Substituindo este resultado na equação (1) temos a seguinte equação para a componente tangencial da força na condição de pequenas oscilações: (considerando o ângulo  $\theta < 10^\circ$ )

$$P_t \cong m g x / l$$

**Eq.2**

**3.OBJETIVOS:** Medir os períodos do pêndulo em função da amplitude, do comprimento e da massa;

#### **4.MATERIAL UTILIZADO**

- sensor fotoelétrico; interface e PC windows; 2,1m de fio; 2 Garras com pino; 1 Tripé; seis massas de 50g; disco óptico.

#### **5.PROCEDIMENTOS**

- Use um fio de barbante para pendurar uma massa de 200g na haste de 0,3m horizontal. Este arranjo permitirá que a massa balance;
- Ative o sensor fotoelétrico;
- Deixe o comprimento do pêndulo em 1m;
- Conecte o sensor fotoelétrico a interface do Logger Pro na porta apropriada;
- em seguida posicione este de modo que a massa ative o sensor enquanto balanceia.
- Ative o sensor, agora você pode realizar a medição do período de seu pêndulo.
- Puxe a massa na vertical e libere-a;
- Para medir o período para cinco balanços;

#### **6.RESULTADOS**

**PARTE I:** Com a massa de 200g realize as medidas preenchendo a tabela;

Amplitude (°)	Período Médio (s)
2°	
5°	
10°	
15°	
20°	

Construir o gráfico de  $T \times \theta$  com ajuste de reta;

PARTE II Repetir o procedimento acima para uma amplitude de  $15^\circ$  e comprimento do pendulo de 1,0m;

Massa(g)	Período Médio (s)
100	
150	
200	
300	

Construir o gráfico de T x M com ajuste de reta;

**PARTE III** Repetir o procedimento acima para uma amplitude de  $15^\circ$

L(m)	$T_m$ (s)	$L^2(m^2)$	$T_m^2(s^2)$
1,0			
0,9			
0,8			
0,7			
0,6			
0,5			

Construir os gráficos de T x l , de  $T^2$  x l e de T x  $l^2$  com os ajustes de retas.

Determinar o valor de g para a experiência realizada usando os dados da tabela da parte III e o gráfico de  $T^2$  x l; Use a expressão

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} \quad \text{ou} \quad T^2 = 4\pi^2 \cdot \frac{l}{g};$$